

(((تبسيط الباب الثاني منطق)))

راسل : (العلاقة قوية بين المنطق والرياضة / اختلاط المنطق والرياضة / اندماج المنطق والرياضة)
أرسطو : (العلاقة قوية بين الرياضة والاستنباط المنطقي / الرياضة والمنطق مفاهيم مجردة / تبدأ بمقدمات غير مبرهنة (غير مثبتة) / الرياضية والمنطق قضايا تحليلية قبلية)

النظريات الفلسفية للرياضة : اختلاف النظريات الرياضية لا يؤدي الي اختلاف شكل وبناء النسق الرياضي

(١) **النظرية الاولى :** حقانق رياضية في العقل فقط
 (٢) **النظرية الثانية :** حقانق رياضية في عالم منفصل عنا / مجردة
 (٣) **النظرية الثالثة :** حقانق في أوراق العلماء
 (٤) **النظرية الرابعة :** حقانق في العالم المادي الحسي الواقعي
النسق الرياضي : " بناء عقلي / مترابط / متكامل / يبدأ بمقدمات مثل معرفات ، لا معرفات ، بديهيات ، مسلمات / الوصول الي نتائج أو نظريات أو مبرهنات " **عن طريق الاستنباط**

خصائص النسق الرياضي / خصائص القضايا الرياضية :

- (١) **تحصيل حاصل** النتيجة لا تأتي بجديد
- (٢) **عدم التناقض** بين طرفي الجمل الرياضية
- (٣) **اللزوم المنطقي** النتيجة لا تخرج **صوريا** عن مقدماتها

مكونات النسق الرياضي :

أولاً : مقدمات النسق الرياضي :

(١) **مفاهيم** (معرفات / لا معرفات) (٢) **قضايا** (بديهيات / مسلمات أو مصادرات)
المعرفات : (كلمات، مفاهيم يعرفها الرياضي/ يقوم الرياضي بتوضيح معناها / **اشتراطية** / لا احد يناقشه فيها/ تختلف من عالم لآخر)
اللامعرفات : (كلمات، مفاهيم لا يعرفها الرياضي / اساس لتعريف غيرها / حتي لا يمتدد التعريف الي ما لانهاية / اساس المعرفات)
البديهيات : (قضايا، جمل واضحة بذاتها للجميع / لا تحتاج دليل أو برهان / تتفق مع طبيعة العقل / عامة لكل البشر/لا نستطيع اثباتها)
المسلمات أو المصادرات : (قضايا / جمل / مبادئ / واضحة للعالم فقط لاثبات غيره / خاصة بالعالم الذي اخترعها / ليس عامة كالبديهية)
شروط المسلمات أو المصادرات :

- (١) **متسقة :** قضية غير متناقضة مع باقي قضايا النسق
- (٢) **مكتملة :** قضية مكتملة المعني / تستخدم مع اي نظرية.
- (٣) **مستقلة :** قضية لا تكون مشتقة من قضايا اخري .

الاتفاق بين البديهيات والمسلمات :

- ❖ كلاهما قضايا لا تبرهن / البديهيات اسبق من المسلمات / البديهيات لا تؤسس علم بمفردها / المسلمات تكمل البديهيات .
- ❖ **تعتمد علي مبادئ منطقية / تعتمد علي مبادئ المنطق عند ارسطو .**

(أ) **قانون الهوية أو الذاتية :** (أ هو أ) / الشيء هو نفسه / الشيء هو هو لا يتغير / نفس الجوهر
 (ب) **قانون عدم التناقض :** (أ لا يكون ب و لا ب في نفس الوقت) / لا نجمع بين الشيء ونقيضه في نفس الوقت
 (ج) **قانون الثالث المرفوع أو الوسط الممتنع :** (أ إما ب أو لا ب ولا ثالث لهما) / الشيء إما الصفة أو نقضها ولا ثالث لهما)
ثانياً : نتائج النسق الرياضي :

(مرحلة اكتمال النسق الرياضي / النتائج / المبرهنات / النظريات / قضايا نهائية / نصل اليها بعد مقدمات / يتوقف صدق النتائج الرياضية علي صدق مقدماتها) .

الحجة الاستنباطية

القضية : الجملة الخبرية تحتمل الصدق أو الكذب / الجملة المطابقة للواقع (صادقة) / الجملة الغير مطابقة للواقع (كاذبة) (

الحجة الاستنباطية : (علاقة المقدمات والنتائج مع بعض) اما **صحيحة** أو **باطلة (فاسدة)** ((لا ترجع للواقع))

الحجة الاستنباطية **صحيحة** اذا كان النتيجة **تلتزم** في المقدمات **الحجة** الاستنباطية **باطلة** او **فاسدة** اذا النتيجة **لم تلتزم** عن المقدمات

حجة صحيحة جميع قضاياها صادقة	كل انسان فان سقراط انسان (صادقة) إذن سقراط فان (صادقة)
حجة باطلة / (فاسدة) جميع قضاياها صادقة	كل انسان فان (صادقة) سقراط انسان (صادقة) لذا سقراط فيلسوف (صادقة)
حجة صحيحة جميع قضاياها كاذبة	كل الفاكهة خضروات (كاذبة) السّمك فاكهة (كاذبة) حتماً السمك خضروات (كاذبة)
حجة باطلة (فاسدة) جميع قضاياها كاذبة	كل الفاكهة خضروات (كاذبة) السّمك فاكهة (كاذبة) يجب ان التفاح خضروات (كاذبة)
حجة صحيحة مقدماتها كاذبة نتيجتها صادقة	كل الطيور ثدييات (كاذبة) كل القطط طيور (كاذبة) إذن القطط ثدييات (صادقة)

المنطق الرمزي (المنطق الرياضي)

عيوب اللغات الطبيعية (اللغة العربية - الانجليزية - الفرنسية .. الخ) (غموض الالفاظ / عباراتها مضللة / مجاز / اختلاط بين المعاني)
اهمية استخدام الرموز المنطقية : (يوضح معني محدد / توفير الوقت والجهد / تعكس صورة المنطق والعلاقة بين القضايا)

- ١- المتغيرات القضية هي : نرمل للقضية البسيطة برمز (ق أو ل أو م)
- ٢- الثوابت المنطقية والمتغيرات المنطقية تعرف باسم (دوال الصدق) و هي :
(~) للقضية السالبة (.) للقضية العطفية (v) للقضية الانفصالية (الفصل) (<) للقضية الشرطية (اللزومية)
(< ->) للقضية التشارطية (التكافؤ)
- ٣- نستخدم حرف (ص) للتعبير عن القضية الصادقة وحرف (ك) للتعبير عن القضية الكاذبة .
- ٤- التكافؤ المنطقي هو خاصية (التبادلية) اي لو بدل مكان القضيتين لا يؤثر علي قيم صدق القضية ونرمل له (≡)

القضية الموجبة مثل : سقراط فيلسوف (ق / ل) ليس لها قيم صدق
رابط السلب أو النفي : (لا / غير / ليس / لم / لن) سقراط ليس فيلسوف (~ ق) (ليس فيها) (≡) ما ينفعش تتبدل لانها قضية بسيطة اصلا

ق	ق ~
ص	ك
ك	ص

رابط العطف / الوصل / الدالة العطفية : (و / لكن) محمد طبيب واحمد مهندس (ق . ل) بها (≡) ينفع تتبدل

ق	ل	ق . ل
ص	ص	ص
ص	ك	ك
ك	ص	ك
ك	ك	ك

رابط الفصل القوي والفصل الضعيف : (اما ، او)

الفصل القوي (الشيء الذي يلعب اما حشرة او حجر) (ق v ل) لا يجتمعان

الفصل الضعيف : مروان اما ضابط او مهندس (ق v ل) قد يجتمعان معا

بها (≡) ينفع تتبدل (ده جدول الفصل الضعيف)

ق	ل	ق v ل
ص	ص	ص
ص	ك	ص
ك	ص	ص
ك	ك	ك

ملحوظة : الفصل القوي

رابط الشرط / الدالة اللزومية : (اذا) اذا امطرت السماء ابليت الارض (ق < ل) (ليس بها) (≡) ما ينفعش تتبدل

ق	ل	ق < ل
ص	ص	ص
ص	ك	ك
ك	ص	ص
ك	ك	ك

رابط التشارط : (اذن فقط اذا) الطالب ينجح اذا فقط اذا اجتهد في دروسه (ق < -> ل) بها (≡) ينفع تتبدل

ق	ل	ق < -> ل
ص	ص	ص
ص	ك	ك
ك	ص	ك
ك	ك	ص